# Schulinterner Lehrplan zum Kernlehrplan für die gymnasiale Oberstufe

Genoveva-Gymnasium Köln

## **Mathematik**

### Inhaltsverzeichnis

		Seite
1	Entscheidungen zum Unterricht	- 3 -
	1.1 Unterrichtsvorhaben	- 3 -
	1.1.1 Übersichtsraster Unterrichtsvorhaben	- 4 -
	1.1.2 Konkretisierte Unterrichtsvorhaben	- 9 -
	1.2 Grundsätze der fachmethodischen und didaktischen Arbeit	- 31 -
	1.3 Grundsätze der Leistungsbewertung und Leistungsrückmeldung	- 34-
	1.4 Lehr- und Lernmittel	- 37 -
2	Entscheidungen zu fach- und unterrichtsübergreifenden Fragen	- 37 -
3	Qualitätssicherung und Evaluation	- 38 -
4	Anhang - Verbindliche Kenntnisse GTR	- 39 -

### 1 Entscheidungen zum Unterricht

Hinweis: Die nachfolgend dargestellte Umsetzung der verbindlichen Kompetenzerwartungen des Kernlehrplans findet auf zwei Ebenen statt. Das Übersichtsraster gibt den Lehrkräften einen raschen Überblick über die laut Fachkonferenz verbindlichen Unterrichtsvorhaben pro Schuljahr. In dem Raster sind, außer dem Thema des jeweiligen Vorhabens, das schwerpunktmäßig damit verknüpfte Inhaltsfeld bzw. die Inhaltsfelder, inhaltliche Schwerpunkte des Vorhabens sowie Schwerpunktkompetenzen ausgewiesen. Die Konkretisierung von Unterrichtsvorhaben führt weitere Kompetenzerwartungen auf und verdeutlicht vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen, z. B. zur Festlegung auf einen Aufgabentyp bei der Lernerfolgsüberprüfung durch eine Klausur.

#### 1.1. Unterrichtsvorhaben

Die Darstellung der Unterrichtsvorhaben im schulinternen Lehrplan besitzt den Anspruch, sämtliche im Kernlehrplan angeführten Kompetenzen abzudecken. Dies entspricht der Verpflichtung jeder Lehrkraft, Schülerinnen und Schülern Lerngelegenheiten zu ermöglichen, so dass alle Kompetenzerwartungen des Kernlehrplans von ihnen erfüllt werden können.

Die entsprechende Umsetzung erfolgt auf zwei Ebenen: der Übersichts- und der Konkretisierungsebene.

Im "Übersichtsraster Unterrichtsvorhaben" (Kapitel 2.1.1) wird die Verteilung der Unterrichtsvorhaben dargestellt. Sie ist laut Beschluss der Fachkonferenz verbindlich für die Unterrichtsvorhaben I, II und III der Einführungsphase und für die Unterrichtsphasen der Qualifikationsphase. Die zeitliche Abfolge der Unterrichtsvorhaben IV bis VIII der Einführungsphase ist jeweils auf die Vorgaben zur Vergleichsklausur abzustimmen.

Das Übersichtsraster dient dazu, den Kolleginnen und Kollegen einen schnellen Überblick über die Zuordnung der Unterrichtsvorhaben zu den einzelnen Jahrgangsstufen sowie den im Kernlehrplan genannten Kompetenzen, Inhaltsfeldern und inhaltlichen Schwerpunkten zu verschaffen. Um Klarheit für die Lehrkräfte herzustellen und die Übersichtlichkeit zu gewährleisten, werden in der Kategorie "Kompetenzen" an dieser Stelle nur die übergeordneten Kompetenzerwartungen ausgewiesen, während die konkretisierten Kompetenzerwartungen erst auf der Ebene konkretisierter Unterrichtsvorhaben Berücksichtigung finden. Der ausgewiesene Zeitbedarf versteht sich als grobe Orientierungsgröße, die nach Bedarf überoder unterschritten werden kann. Um Spielraum für Vertiefungen, individuelle Förderung, besondere Schülerinteressen oder aktuelle Themen zu erhalten, wurden im Rahmen dieses schulinternen Lehrplans ca. 75 Prozent der Bruttounterrichtszeit verplant.

Während der Fachkonferenzbeschluss zum "Übersichtsraster Unterrichtsvorhaben" zur Gewährleistung vergleichbarer Standards sowie zur Absicherung von Kurswechslern und Lehrkraftwechseln für alle Mitglieder der Fachkonferenz Bindekraft entfalten soll, besitzt die Ausweisung "konkretisierter Unterrichtsvorhaben" (Kapitel 2.1.2) empfehlenden Charakter. Referendarinnen und Referendaren sowie neuen Kolleginnen und Kollegen dienen diese vor allem zur standardbezogenen Orientie-

rung in der neuen Schule, aber auch zur Verdeutlichung von unterrichtsbezogenen fachgruppeninternen Absprachen zu didaktisch-methodischen Zugängen, fächer- übergreifenden Kooperationen, Lernmitteln und -orten sowie vorgesehenen Leistungsüberprüfungen, die im Einzelnen auch den Kapiteln 2.2 bis 2.4 zu entnehmen sind. Begründete Abweichungen von den vorgeschlagenen Vorgehensweisen bezüglich der konkretisierten Unterrichtsvorhaben sind im Rahmen der pädagogischen Freiheit der Lehrkräfte jederzeit möglich. Sicherzustellen bleibt allerdings auch hier, dass im Rahmen der Umsetzung der Unterrichtsvorhaben insgesamt alle prozessund inhaltsbezogenen Kompetenzen des Kernlehrplans Berücksichtigung finden. Dies ist durch entsprechende Kommunikation innerhalb der Fachkonferenz zu gewährleisten.

#### 1.1.1 Übersichtsraster Unterrichtsvorhaben

#### Einführungsphase

#### Unterrichtsvorhaben I:

#### Thema

Beschreibung der Eigenschaften von Funktionen und deren Nutzung im Kontext (E-A1)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Modellieren
- Werkzeuge nutzen

**Inhaltsfeld**: Funktionen und Analysis (A)

#### Inhaltlicher Schwerpunkt:

Grundlegende Eigenschaften von Potenz-, Exponential- und Sinusfunktionen

Zeitbedarf: 15 Std. 1. Klausur

**Unterrichtsvorhaben II:** 

#### Thema:

Von der durchschnittlichen zur lokalen Änderungsrate (E-A2)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Argumentieren
- Werkzeuge nutzen

**Inhaltsfeld**: Funktionen und Analysis (A)

#### Inhaltlicher Schwerpunkt:

 Grundverständnis des Ableitungsbegriffs

Zeitbedarf: 12 Std.

#### Unterrichtsvorhaben III:

#### Thema:

Von den Potenzfunktionen zu den ganzrationalen Funktionen (E-A3)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Problemlösen
- Argumentieren
- Werkzeuge nutzen

Inhaltsfeld: Funktionen und Analysis (A)

#### Inhaltlicher Schwerpunkt:

 Differentialrechnung ganzrationaler Funktionen

Zeitbedarf: 12 Std. 2. Klausur

#### Unterrichtsvorhaben IV:

#### Thema:

Den Zufall im Griff – Modellierung von Zufallsprozessen (E-S1)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Modellieren
- Werkzeuge nutzen

Inhaltsfeld: Stochastik (S)

#### Inhaltlicher Schwerpunkt:

Mehrstufige Zufallsexperimente

**Zeitbedarf:** 9 Std. (Halbjahrsende)

#### Einführungsphase Fortsetzung

#### Unterrichtsvorhaben V:

#### Thema:

Testergebnisse richtig interpretieren – Umgang mit bedingten Wahrscheinlichkeiten (E-S2)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Modellieren
- Kommunizieren

Inhaltsfeld: Stochastik (S)

#### Inhaltlicher Schwerpunkt:

• Bedingte Wahrscheinlichkeiten

Zeitbedarf: 9 Std. 3. Klausur

#### Unterrichtsvorhaben VI:

#### Thema:

Entwicklung und Anwendung von Kriterien und Verfahren zur Untersuchung von Funktionen (E-A4)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Problemlösen
- Argumentieren

**Inhaltsfeld**: Funktionen und Analysis (A)

#### Inhaltlicher Schwerpunkt:

 Differentialrechnung ganzrationaler Funktionen

**Zeitbedarf**: 12 Std. Zentralklausur

#### Unterrichtsvorhaben VII:

#### Thema:

*Unterwegs in 3D – Koordinatisierungen des Raumes (E-G1)* 

#### Zentrale Kompetenzen:

- Modellieren
- Kommunizieren

**Inhaltsfeld**: Analytische Geometrie und Lineare Algebra (G)

#### Inhaltlicher Schwerpunkt:

Koordinatisierungen des Raumes

Zeitbedarf: 6 Std.

#### Unterrichtsvorhaben VIII:

#### Thema:

Vektoren bringen Bewegung in den Raum (E-G2)

#### Zentrale Kompetenzen:

Problemlösen

**Inhaltsfeld**: Analytische Geometrie und Lineare Algebra (G)

#### Inhaltlicher Schwerpunkt:

• Vektoren und Vektoroperationen

Zeitbedarf: 9 Std.

#### Qualifikationsphase (Q1/Q2) - GRUND- UND LEISTUGSKURS (Inhalte, die nur für den Leistungskurs gelten, sind mit LK gekennzeichnet)

*Unterrichtsvorhaben I: (GK-A1/LK-A1)* 

Unterrichtsvorhaben II: (GK-A2/LK-A2)

Eigenschaften von Funktionen (Höhere Ableitungen, Besondere Punkte von Funktionsgraphen, Funktionen bestimmen, Parameter)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Modellieren, Problemlösen
- Werkzeuge nutzen

**Inhaltsfeld**: Funktionen und Analysis (A)

#### Inhaltlicher Schwerpunkt:

- Fortführung der Differentialrechnung
- Funktionen als mathematische Modelle

Zeitbedarf: GK 26 Std. – LK: 27 Std.

Das Integral, ein Schlüsselkonzept (Von der Änderungsrate zum Bestand, Integral- und Flächeninhalt, Integralfunktion)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Kommunizieren, Argumentieren
- Werkzeuge nutzen

**Inhaltsfeld**: Funktionen und Analysis (A)

#### Inhaltliche Schwerpunkte:

- Grundverständnis des Integralbegriffs
- Integralrechnung

Zeitbedarf: GK: 21 Std. - LK: 31 Std.

#### Unterrichtsvorhaben III: (GK-A3/LK-A3)

#### Thema:

Exponentialfunktion (natürlicher Logarithmus. Ableitungen)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Modellieren
- Problemlösen
- Werkzeuge nutzen

**Inhaltsfeld**: Funktionen und Analysis (A)

#### Inhaltlicher Schwerpunkt:

Fortführung der Differentialrechnung

Zeitbedarf: GK: 15 Std. - LK: 26 Std.

#### Unterrichtsvorhaben IV: (GK-A4/LK-A4)

Thema: Untersuchung zusammengesetzter Funktionen (Produktregel, Kettenregel)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Argumentieren
- Modellieren, Problemlösen
- Werkzeuge nutzen

**Inhaltsfeld**: Funktionen und Analysis (A)

#### Inhaltliche Schwerpunkte:

- Funktionen als mathematische Modelle
- Fortführung der Differentialrechnung
- Integralrechnung

Zeitbedarf: GK: 14 Std. – LK: 28 Std.

#### Fortsetzung Seite 7

#### Qualifikationsphase (Q1-Q2) - GRUND- UND LEISTUGSKURS (Inhalte, die nur für den Leistungskurs gelten, sind mit LK gekennzeichnet) Unterrichtsvorhaben VI: (GK-V2/LK-V2) *Unterrichtsvorhaben V: (GK-V1/LK-V1)* Thema: Thema: Geraden und Skalarprodukt (Bewegungen Ebenen als Lösungsmengen linearer Gleiund Schattenwurf) chungen (Untersuchung geometrischer Obiekte) Zentrale Kompetenzen: Zentrale Kompetenzen: Modellieren Argumentieren Problemlösen Kommunizieren Werkzeuge nutzen Inhaltsfeld: Analytische Geometrie und Lineare Algebra (G) Inhaltsfeld: Analytische Geometrie und Lineare Algebra (G) Inhaltlicher Schwerpunkt: Darstellung und Untersuchung geomet-Inhaltlicher Schwerpunkt: rischer Objekte (Geraden) Darstellung und Untersuchung geomet-Skalarprodukt rischer Objekte Lineare Gleichungssysteme

Zeitbedarf: GK: 18 Std. - LK: 19 Std.

Zeitbedarf: GK = LK: 20 Std.

#### Unterrichtsvorhaben VII (LK-V3)

#### Thema:

Abstände und Winkel

#### Zentrale Kompetenzen:

- Problemlösen
- Werkzeuge nutzen

**Inhaltsfeld** Analytische Geometrie und Lineare Algebra (G)

#### Inhaltlicher Schwerpunkt:

- Lagebeziehungen und Abstände
- Lineare Gleichungssysteme

Zeitbedarf: LK: 25 Std.

#### Fortsetzung Seite 8

Qualifikationsphase (Q1-Q2) – GRUND- UND LEISTUGSKURS			
•	s gelten, sind mit LK gekennzeichnet)		
<u>Unterrichtsvorhaben VIII-1 (GK-S1/LK-S1)</u>	<u>Unterrichtsvorhaben VIII-2 (LK-S3)</u>		
Thema: Wahrscheinlichkeit – Statistik: Ein Schlüssel- konzept	Thema: Signifikant und relevant? – Testen von Hypo- thesen		
Zentrale Kompetenzen:	Zentrale Kompetenzen:  • Modellieren  • Kommunizieren  Inhaltsfeld: Stochastik (S)		
<ul> <li>Inhaltlicher Schwerpunkt:</li> <li>Kenngrößen von Wahrscheinlichkeitsverteilungen</li> <li>Binomialverteilung</li> </ul>	Inhaltlicher Schwerpunkt:  • Testen von Hypothesen		
Zeitbedarf: GK: 22 Std. – LK: 24 Std.	Zeitbedarf: LK: 16 Std.		
<u>Unterrichtsvorhaben IX (LK-S4)</u>	<u>Unterrichtsvorhaben X: (GK-S2/LK-S2)</u>		
Thema:  Ist die Glocke normal?	Thema: Von Übergängen und Prozessen		
Zentrale Kompetenzen:	Zentrale Kompetenzen:  • Modellieren  • Argumentieren		
Inhaltsfeld: Stochastik (S)	Inhaltsfeld: Stochastik (S)		
Inhaltlicher Schwerpunkt:  • Normalverteilung	Inhaltlicher Schwerpunkt:  • Stochastische Prozesse		
Zeitbedarf: LK: 15 Std.	Zeitbedarf: GK: 12 Std. – LK: 14 Std.		

#### Übersicht über die Unterrichtsvorhaben

E-Phase			
Unterrichtsvorhaben	Thema	Stundenzahl	
I	E-A1	15	
II	E-A2	12	
III	E-A3	12	
IV	E-S1	9	
V	E-S2	9	
VI	E-A4	12	
VII	E-G1	6	
VIII	E-G2	9	
	Summe:	84	

Q1				
	<b>O</b>	GK		LK
Unterrichtsvorhaben	Thema	Stundenzahl	Thema	Stundenzahl
I	GK-A1	26	LK-A1	27
II	GK-A2	21	LK-A2	31
III	GK-A3	15	LK-A3	26
V	GK-V1	20	LK-V1	20
VI	GK-V2	18	LK-V2	18
VII			LK-V3	25
	Summe:	100	_	147

Q2				
	(	GK		LK
Unterrichtsvorhaben	Thema	Stundenzahl	Thema	Stundenzahl
IV	GK-A4	12	LK-A4	22
VIII-1	GK-S1	23	LK-S1	25
VIII-2			LK-S3	16
IX			LK-S4	15
X	GK-S2	12	LK-S2	14
	Summe:	47		92

#### 1.1.2 Konkretisierte Unterrichtsvorhaben

Hinweis: Thema, Inhaltsfelder, inhaltliche Schwerpunkte und Kompetenzen hat die Fachkonferenz des Genoveva-Gymnasiums verbindlich vereinbart. In allen anderen Bereichen sind Abweichungen von den vorgeschlagenen Vorgehensweisen bei der Konkretisierung der Unterrichtsvorhaben möglich. Darüber hinaus enthält dieser schulinterne Lehrplan in den Kapiteln 2.2 bis 2.4 übergreifende sowie z. T. auch jahrgangsbezogene Absprachen zur fachmethodischen und fachdidaktischen Arbeit, zur Leistungsbewertung und zur Leistungsrückmeldung. Je nach internem Steuerungsbedarf können solche Absprachen auch vorhabenbezogen vorgenommen werden.

Vorhabenbezogene Konkretisierung:

### Einführungsphase Funktionen und Analysis (A)

**Thema:** Beschreibung der Eigenschaften von Funktionen und deren Nutzung im Kontext (E-A1)

#### Zu entwickelnde Kompetenzen

#### Inhaltsbezogene Kompetenzen:

Die Schülerinnen und Schüler

- beschreiben die Eigenschaften von Potenzfunktionen mit ganzzahligen Exponenten sowie quadratischen und kubischen Wurzelfunktionen
- beschreiben Wachstumsprozesse mithilfe linearer Funktionen und Exponentialfunktionen
- wenden einfache Transformationen (Streckung, Verschiebung) auf Funktionen (Sinusfunktion, quadratische Funktionen, Potenzfunktionen, Exponentialfunktionen) an und deuten die zugehörigen Parameter

### Prozessbezogene Kompetenzen (Schwerpunkte):

#### Modellieren

Die Schülerinnen und Schüler

- erfassen und strukturieren zunehmend komplexe Sachsituationen mit Blick auf eine konkrete Fragestellung(Strukturieren)
- übersetzen zunehmend komplexe Sachsituationen in mathematische Modelle (*Mathematisieren*)

#### Werkzeuge nutzen

Die Schülerinnen und Schüler

- nutzen Tabellenkalkulation, Funktionenplotter und grafikfähige Taschenrechner
- verwenden verschiedene digitale Werkzeuge zum
  - ... Darstellen von Funktionen grafisch und als Wertetabelle
  - ... zielgerichteten Variieren der Parameter von Funktionen

#### Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen

Algebraische Rechentechniken werden grundsätzlich parallel vermittelt und diagnosegestützt geübt (solange in diesem Unterrichtsvorhaben erforderlich, ergänzt durch differenzierende, individuelle Zusatzangebote aus Aufgabensammlungen oder KL-Soft). Dem oft erhöhten Angleichungs- und Förderbedarf von Schulformwechslern wird ebenfalls durch gezielte individuelle Angebote Rechnung getragen.

Hilfreich kann es sein, dabei die Kompetenzen der Mitschülerinnen und Mitschüler (z. B. durch Kurzvorträge) zu nutzen.

Ein besonderes Augenmerk muss in diesem Unterrichtsvorhaben auf die Einführung in die elementaren Bedienkompetenzen der verwendeten Software und des GTR gerichtet werden.

Als Kontext für die Beschäftigung mit Wachstumsprozessen können zunächst Ansparmodelle (insbesondere lineare und exponentielle) betrachtet und mithilfe einer Tabellenkalkulation verglichen werden. Für kontinuierliche Prozesse und den Übergang zu Exponentialfunktionen werden verschiedene Kontexte (z. B. Bakterienwachstum, Abkühlung) untersucht.

Anknüpfend an die Erfahrungen aus der SI werden dann quadratische Funktionen (Scheitelpunktform) und Parabeln unter dem Transformationsaspekt betrachtet. Systematisches Erkunden mithilfe des GTR eröffnet den Zugang zu Potenzfunktionen.

### Thema: Von der durchschnittlichen zur lokalen Änderungsrate (E-A2)

#### Zu entwickelnde Kompetenzen

#### Inhaltsbezogene Kompetenzen:

Die Schülerinnen und Schüler

- berechnen durchschnittliche und lokale Änderungsraten und interpretieren sie im Kontext
- erläutern qualitativ auf der Grundlage eines propädeutischen Grenzwertbegriffs an Beispielen den Übergang von der durchschnittlichen zur lokalen Änderungsrate
- deuten die Tangente als Grenzlage einer Folge von Sekanten
- deuten die Ableitung an einer Stelle als lokale Änderungsrate/ Tangentensteigung
- beschreiben und interpretieren Änderungsraten funktional (Ableitungsfunktion)
- leiten Funktionen graphisch ab
- begründen Eigenschaften von Funktionsgraphen (Monotonie, Extrempunkte) mit Hilfe der Graphen der Ableitungsfunktionen

#### Prozessbezogene Kompetenzen (Schwerpunkte):

#### Argumentieren (Vermuten)

Die Schülerinnen und Schüler

- stellen Vermutungen auf
- unterstützen Vermutungen beispielgebunden
- präzisieren Vermutungen mithilfe von Fachbegriffen und unter Berücksichtigung der logischen Struktur

#### Werkzeuge nutzen

Die Schülerinnen und Schüler

- verwenden verschiedene digitale Werkzeuge zum
  - ... Darstellen von Funktionen grafisch und als Wertetabelle
  - ... grafischen Messen von Steigungen
- nutzen mathematische Hilfsmittel und digitale Werkzeuge zum Erkunden und Recherchieren, Berechnen und Darstellen

#### Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen

Für den Einstieg wird ein Stationenlernen zu durchschnittlichen Änderungsraten in unterschiedlichen Sachzusammenhängen empfohlen, die auch im weiteren Verlauf immer wieder auftauchen (z. B. Bewegungen, Zu- und Abflüsse, Höhenprofil, Temperaturmessung, Aktienkurse, Entwicklung regenerativer Energien, Sonntagsfrage, Wirk- oder Schadstoffkonzentration, Wachstum, Kosten- und Ertragsentwicklung).

Der Begriff der lokalen Änderungsrate wird im Sinne eines spiraligen Curriculums qualitativ und heuristisch verwendet.

Als Kontext für den Übergang von der durchschnittlichen zur lokalen Änderungsrate wird die vermeintliche Diskrepanz zwischen der Durchschnittsgeschwindigkeit bei einer längeren Fahrt und der durch ein Messgerät ermittelten Momentangeschwindigkeit genutzt.

Neben zeitabhängigen Vorgängen soll auch ein geometrischer Kontext betrachtet werden.

Tabellenkalkulation und Dynamische-Geometrie-Software werden zur numerischen und geometrischen Darstellung des Grenzprozesses beim Übergang von der durchschnittlichen zur lokalen Änderungsrate bzw. der Sekanten zur Tangenten (Zoomen) eingesetzt.

Im Zusammenhang mit dem graphischen Ableiten und dem Begründen der Eigenschaften eines Funktionsgraphen sollen die Schülerinnen und Schüler in besonderer Weise zum Vermuten, Begründen und Präzisieren ihrer Aussagen angehalten werden. Hier ist auch der Ort, den Begriff des Extrempunktes (lokal vs. global) zu präzisieren und dabei auch Sonderfälle, wie eine konstante Funktion, zu betrachten, während eine Untersuchung der Änderung von Änderungen erst zu einem späteren Zeitpunkt des Unterrichts (Q1) vorgesehen ist.

#### Thema: Von den Potenzfunktionen zu den ganzrationalen Funktionen (E-A3)

#### Zu entwickelnde Kompetenzen

#### Inhaltsbezogene Kompetenzen:

Die Schülerinnen und Schüler

- erläutern qualitativ auf der Grundlage eines propädeutischen Grenzwertbegriffs an Beispielen den Übergang von der durchschnittlichen zur lokalen Änderungsrate
- beschreiben und interpretieren Änderungsraten funktional (Ableitungsfunktion)
- leiten Funktionen graphisch ab
- begründen Eigenschaften von Funktionsgraphen (Monotonie, Extrempunkte) mit Hilfe der Graphen der Ableitungsfunktionen
- nutzen die Ableitungsregel für Potenzfunktionen mit natürlichen Exponenten
- wenden die Summen- und Faktorregel auf ganzrationale Funktionen an

#### Prozessbezogene Kompetenzen (Schwerpunkte):

#### Problemlösen

Die Schülerinnen und Schüler

- analysieren und strukturieren die Problemsituation (Erkunden)
- erkennen Muster und Beziehungen (Erkunden)
- wählen geeignete Begriffe, Zusammenhänge und Verfahren zur Problemlösung aus (Lösen)

#### Argumentieren

Die Schülerinnen und Schüler

- präzisieren Vermutungen mithilfe von Fachbegriffen und unter Berücksichtigung der logischen Struktur (Vermuten)
- nutzen mathematische Regeln bzw. Sätze und sachlogische Argumente für Begründungen (Begründen)
- überprüfen, inwiefern Ergebnisse, Begriffe und Regeln verallgemeinert werden können (Beurteilen)

#### Werkzeuge nutzen

Die Schülerinnen und Schüler

- verwenden verschiedene digitale Werkzeuge zum
  - ... Lösen von Gleichungen
  - ... zielgerichteten Variieren der Parameter von Funktionen

#### Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen

Im Anschluss an Unterrichtsvorhaben II (Thema E-A2) wird die Frage aufgeworfen, ob mehr als numerische und qualitative Untersuchungen in der Differentialrechnung möglich sind. Für eine quadratische Funktion wird der Grenzübergang bei der "h-Methode" exemplarisch durchgeführt.

Empfehlung: Durch Variation im Rahmen eines Gruppenpuzzles vermuten die Lernenden eine Formel für die Ableitung einer beliebigen quadratischen Funktion. Dabei vermuten sie auch das Grundprinzip der Linearität (ggf. auch des Verhaltens bei Verschiebungen in x-Richtung). Durch Analyse des Rechenweges werden die Vermutungen erhärtet.

Um die Ableitungsregel für höhere Potenzen zu vermuten, nutzen die Schüler den GTR und die Möglichkeit, Werte der Ableitungsfunktionen näherungsweise zu tabellieren und zu plotten. Eine Beweisidee kann optional erarbeitet werden. Der Unterricht erweitert besonders Kompetenzen aus dem Bereich des Vermutens.

Kontexte spielen in diesem Unterrichtsvorhaben eine untergeordnete Rolle. Quadratische Funktionen können aber stets als Weg-Zeit-Funktion bei Fall- und Wurf- und anderen gleichförmig beschleunigten Bewegungen gedeutet werden. Die Motivation zur Beschäftigung mit Polynomfunktionen kann durch eine Optimierungsaufgabe geweckt werden. Die verschiedenen Möglichkeiten, eine Schachtel aus einem DIN-A4-Blatt herzustellen, führen insbesondere auf Polynomfunktionen vom Grad 3. Hier können sich alle bislang erarbeiteten Regeln bewähren.

Ganzrationale Funktionen vom Grad 3 werden Gegenstand einer qualitativen Erkundung mit dem GTR, wobei Parameter gezielt variiert werden. Bei der Klassifizierung der Formen können die Begriffe aus Unterrichtsvorhaben II (Thema E-A2) eingesetzt werden. Zusätzlich werden die Symmetrie zum Ursprung und das Globalverhalten untersucht. Die Vorteile einer Darstellung mithilfe von Linearfaktoren und die Bedeutung der Vielfachheit einer Nullstelle werden hier thematisiert.

Durch gleichzeitiges Visualisieren der Ableitungsfunktion erklären Lernende die Eigenschaften von ganzrationalen Funktionen 3. Grades durch die Eigenschaften der ihnen vertrauten quadratischen Funktionen. Zugleich entdecken sie die Zusammenhänge zwischen charakteristischen Punkten, woran in Unterrichtsvorhaben VI (Thema E-A4) angeknüpft wird.

#### Thema: Entwicklung und Anwendung von Kriterien und Verfahren zur Untersuchung von Funktionen (E-A4)

#### Zu entwickelnde Kompetenzen

#### Inhaltsbezogene Kompetenzen:

Die Schülerinnen und Schüler

- leiten Funktionen graphisch ab
- nennen die Kosinusfunktion als Ableitung der Sinusfunktion
- begründen Eigenschaften von Funktionsgraphen (Monotonie, Extrempunkte) mit Hilfe der Graphen der Ableitungsfunktionen
- nutzen die Ableitungsregel f
  ür Potenzfunktionen mit nat
  ürlichem Exponenten
- wenden die Summen- und Faktorregel auf ganzrationale Funktionen an
- lösen Polynomgleichungen, die sich durch einfaches Ausklammern oder Substituieren auf lineare und quadratische Gleichungen zurückführen lassen, ohne digitale Hilfsmittel
- verwenden das notwendige Kriterium und das Vorzeichenwechselkriterium zur Bestimmung von Extrempunkten
- unterscheiden lokale und globale Extrema im Definitionsbereich
- verwenden am Graphen oder Term einer Funktion ablesbare Eigenschaften als Argumente beim Lösen von inner- und außermathematischen Problemen

#### Prozessbezogene Kompetenzen (Schwerpunkte):

#### Problemlösen

Die Schülerinnen und Schüler

- erkennen Muster und Beziehungen (Erkunden)
- nutzen heuristische Strategien und Prinzipien (hier: Zurückführen auf Bekanntes) (Lösen)
- wählen geeignete Begriffe, Zusammenhänge und Verfahren zur Problemlösung aus (Lösen)

#### Argumentieren

Die Schülerinnen und Schüler

- präzisieren Vermutungen mithilfe von Fachbegriffen und unter Berücksichtigung der logischen Struktur (Vermuten)
- nutzen mathematische Regeln bzw. Sätze und sachlogische Argumente für Begründungen (Begründen)
- berücksichtigen vermehrt logische Strukturen (notwendige / hinreichende Bedingung, Folgerungen [...]) (Begründen)
- erkennen fehlerhafte Argumentationsketten und korrigieren sie (Beurteilen)

#### Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen

Ein kurzes Wiederaufgreifen des graphischen Ableitens am Beispiel der Sinusfunktion führt zur Entdeckung, dass die Kosinusfunktion deren Ableitung ist.

Für ganzrationale Funktionen werden die Zusammenhänge zwischen den Extrempunkten der Ausgangsfunktion und ihrer Ableitung durch die Betrachtung von Monotonieintervallen und der vier möglichen Vorzeichenwechsel an den Nullstellen der Ableitung untersucht. Die Schülerinnen und Schüler üben damit, vorstellungsbezogen zu argumentieren. Die Untersuchungen auf Symmetrien und Globalverhalten werden fortgesetzt.

Bezüglich der Lösung von Gleichungen im Zusammenhang mit der Nullstellenbestimmung wird durch geeignete Aufgaben Gelegenheit zum Üben von Lösungsverfahren ohne Verwendung des GTR gegeben.

Neben den Fällen, in denen das Vorzeichenwechselkriterium angewendet wird, werden die Lernenden auch mit Situationen konfrontiert, in denen sie mit den Eigenschaften des Graphen oder Terms argumentieren. So erzwingt z. B. Achsensymmetrie die Existenz eines Extrempunktes auf der Symmetrieachse.

Beim Lösen von inner- und außermathematischen Problemen können auch Tangentengleichungen bestimmt werden.

### Einführungsphase Analytische Geometrie und Lineare Algebra (G)

**Thema:** Unterwegs in 3D – Koordinatisierungen des Raumes (E-G1)

#### Zu entwickelnde Kompetenzen

#### Inhaltsbezogene Kompetenzen:

Die Schülerinnen und Schüler

- wählen geeignete kartesische Koordinatisierungen für die Bearbeitung eines geometrischen Sachverhalts in der Ebene und im Raum
- stellen geometrische Objekte in einem r\u00e4umlichen kartesischen Koordinatensystem dar

#### Prozessbezogene Kompetenzen (Schwerpunkte):

#### Modellieren

Die Schülerinnen und Schüler

- erfassen und strukturieren zunehmend komplexe Sachsituationen mit Blick auf eine konkrete Fragestellung (Strukturieren)
- erarbeiten mithilfe mathematischer Kenntnisse und Fertigkeiten eine Lösung innerhalb des mathematischen Modells (*Mathematisieren*)

#### Kommunizieren (Produzieren)

Die Schülerinnen und Schüler

- wählen begründet eine geeignete Darstellungsform aus
- wechseln flexibel zwischen mathematischen Darstellungsformen

#### Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen

Ausgangspunkt ist eine Vergewisserung (z. B. in Form einer Mindmap) hinsichtlich der den Schülerinnen und Schülern bereits bekannten Koordinatisierungen (GPS, geographische Koordinaten, kartesische Koordinaten, Robotersteuerung).

Die Auswahl zwischen kartesischen und anderen Koordinaten kann bei genügend zur Verfügung stehender Zeit im Kontext der Spidercam getroffen werden: Bewegung der Spidercam in einem kartesischen Koordinatensystem, Ausrichtung der Kamera in Kugelkoordinaten.

Bei engem Zeitrahmen sollten zumindest Polarkoordinaten (evtl. in Form eines Schülervortrages) Erwähnung finden. (Hier empfiehlt die Fachkonferenz bewusst, über die Anforderungen des Kernlehrplanes hinauszugehen, damit die künftige Beschränkung auf kartesische Koordinaten in Kenntnis anderer, verbreitet üblicher Koordinatisierungen erfolgt.)

An geeigneten, nicht zu komplexen geometrischen Modellen (z. B. "unvollständigen" Holzquadern) lernen die Schülerinnen und Schüler, ohne Verwendung einer DGS zwischen (verschiedenen) Schrägbildern einerseits und der Kombination aus Grund-, Auf- und Seitenriss andererseits zu wechseln, um ihr räumliches Vorstellungsvermögen zu entwickeln.

Mithilfe einer DGS werden unterschiedliche Möglichkeiten ein Schrägbild zu zeichnen untersucht und hinsichtlich ihrer Wirkung beurteilt.

#### **Thema**: Vektoren bringen Bewegung in den Raum (E-G2)

#### Zu entwickelnde Kompetenzen

#### Inhaltsbezogene Kompetenzen:

Die Schülerinnen und Schüler

- deuten Vektoren (in Koordinatendarstellung) als Verschiebungen und kennzeichnen Punkte im Raum durch Ortsvektoren
- stellen gerichtete Größen (z. B. Geschwindigkeit, Kraft) durch Vektoren dar
- berechnen Längen von Vektoren und Abstände zwischen Punkten mit Hilfe des Satzes von Pythagoras
- addieren Vektoren, multiplizieren Vektoren mit einem Skalar und untersuchen Vektoren auf Kollinearität
- weisen Eigenschaften von besonderen Dreiecken und Vierecken mithilfe von Vektoren nach

#### Prozessbezogene Kompetenzen (Schwerpunkte):

#### Problemlösen

Die Schülerinnen und Schüler

- entwickeln Ideen für mögliche Lösungswege (Lösen)
- setzen ausgewählte Routineverfahren auch hilfsmittelfrei zur Lösung ein (Lösen)
- wählen geeignete Begriffe, Zusammenhänge und Verfahren zur Problemlösung aus (Lösen)

#### Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen

Neben anderen Kontexten kann auch hier die Spidercam verwendet werden, und zwar um Kräfte und ihre Addition in Anlehnung an die Kenntnisse aus dem Physikunterricht der SI als Beispiel für vektorielle Größen zu nutzen.

Durch Operieren mit Verschiebungspfeilen werden einfache geometrische Problemstellungen gelöst: Beschreibung von Diagonalen (insbesondere zur Charakterisierung von Viereckstypen), Auffinden von Mittelpunkten (ggf. auch Schwerpunkten), Untersuchung auf Parallelität.

#### Einführungsphase Stochastik (S)

**Thema**: Den Zufall im Griff – Modellierung von Zufallsprozessen (E-S1)

#### Zu entwickelnde Kompetenzen

#### Inhaltsbezogene Kompetenzen:

Die Schülerinnen und Schüler

- deuten Alltagssituationen als Zufallsexperimente
- simulieren Zufallsexperimente
- verwenden Urnenmodelle zur Beschreibung von Zufallsprozessen
- stellen Wahrscheinlichkeitsverteilungen auf und führen Erwartungswertbetrachtungen durch
- beschreiben mehrstufige Zufallsexperimente und ermitteln Wahrscheinlichkeiten mit Hilfe der Pfadregeln

#### Prozessbezogene Kompetenzen (Schwerpunkte):

#### Modellieren

Die Schülerinnen und Schüler

- treffen Annahmen und nehmen begründet Vereinfachungen einer realen Situation vor (Strukturieren)
- übersetzen zunehmend komplexe Sachsituationen in mathematische Modelle (*Mathematisieren*)
- erarbeiten mithilfe mathematischer Kenntnisse und Fertigkeiten eine Lösung innerhalb des mathematischen Modells (*Mathematisieren*)

#### Werkzeuge nutzen

Die Schülerinnen und Schüler

- verwenden verschiedene digitale Werkzeuge zum
  - ... Generieren von Zufallszahlen
  - ... Variieren der Parameter von Wahrscheinlichkeitsverteilungen
  - ... Erstellen der Histogramme von Wahrscheinlichkeitsverteilungen
  - ... Berechnen der Kennzahlen von Wahrscheinlichkeitsverteilungen (Erwartungswert)

#### Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen

Beim Einstieg ist eine Beschränkung auf Beispiele aus dem Bereich Glücksspiele zu vermeiden. Einen geeigneten Kontext bietet die Methode der Zufallsantworten bei sensitiven Umfragen.

Zur Modellierung von Wirklichkeit werden durchgängig Simulationen – auch unter Verwendung von digitalen Werkzeugen (GTR, Tabellenkalkulation) – geplant und durchgeführt (Zufallsgenerator).

Das Urnenmodell wird auch verwendet, um grundlegende Zählprinzipien wie das Ziehen mit/ohne Zurücklegen mit/ohne Berücksichtigung der Reihenfolge zu thematisieren.

Die zentralen Begriffe Wahrscheinlichkeitsverteilung und Erwartungswert werden im Kontext von Glücksspielen erarbeitet und können durch zunehmende Komplexität der Spielsituationen vertieft werden.

Digitale Werkzeuge werden zur Visualisierung von Wahrscheinlichkeitsverteilungen (Histogramme) und zur Entlastung von händischem Rechnen verwendet.

#### **Thema:** Testergebnisse richtig interpretieren – Umgang mit bedingten Wahrscheinlichkeiten (E-S2)

#### Zu entwickelnde Kompetenzen

#### Inhaltsbezogene Kompetenzen:

Die Schülerinnen und Schüler

- modellieren Sachverhalte mit Hilfe von Baumdiagrammen und Vieroder Mehrfeldertafeln
- bestimmen bedingte Wahrscheinlichkeiten
- prüfen Teilvorgänge mehrstufiger Zufallsexperimente auf stochastische Unabhängigkeit
- bearbeiten Problemstellungen im Kontext bedingter Wahrscheinlichkeiten.

#### Prozessbezogene Kompetenzen (Schwerpunkte):

#### Modellieren

Die Schülerinnen und Schüler

- erfassen und strukturieren zunehmend komplexe Sachsituationen mit Blick auf eine konkrete Fragestellung (Strukturieren)
- erarbeiten mithilfe mathematischer Kenntnisse und Fertigkeiten eine Lösung innerhalb des mathematischen Modells (*Mathematisieren*)
- beziehen die erarbeitete Lösung wieder auf die Sachsituation (Validieren)

#### Kommunizieren

Die Schülerinnen und Schüler

- erfassen, strukturieren und formalisieren Informationen aus zunehmend komplexen mathematikhaltigen Texten [...] (Rezipieren)
- wechseln flexibel zwischen mathematischen Darstellungsformen (Produzieren)

#### Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen

Als Einstiegskontext zur Erarbeitung des fachlichen Inhaltes könnte das HIV-Testverfahren dienen, eine Möglichkeit zur Vertiefung böte dann die Betrachtung eines Diagnosetests zu einer häufiger auftretenden Erkrankung (z. B. Grippe).

Um die Übertragbarkeit des Verfahrens zu sichern, sollen insgesamt mindestens zwei Beispiele aus unterschiedlichen Kontexten betrachtet werden.

Zur Förderung des Verständnisses der Wahrscheinlichkeitsaussagen werden parallel Darstellungen mit absoluten Häufigkeiten verwendet.

Die Schülerinnen und Schüler sollen zwischen verschiedenen Darstellungsformen (Baumdiagramm, Mehrfeldertafel) wechseln können und diese zur Berechnung bedingter Wahrscheinlichkeiten beim Vertauschen von Merkmal und Bedingung und zum Rückschluss auf unbekannte Astwahrscheinlichkeiten nutzen können.

Bei der Erfassung stochastischer Zusammenhänge ist die Unterscheidung von Wahrscheinlichkeiten des Typs P(A∩B) von bedingten Wahrscheinlichkeiten – auch sprachlich – von besonderer Bedeutung.

**Qualifikationsphase Unterrichtsvorhaben I – Analysis-(GK-A1/LK-A1)** 

Zeitraum Inhaltsbezogene Kompetenzen

(1 UE ent- spricht 45 Minuten)	Funktionen und Analysis Funktionen als mathematische Modelle Fortführung der Differentialrechnung	Eigenschaften von Funktionen	Modellieren  Strukturieren Annahmen treffen und begründet Vereinfachungen einer realen Situation vornehmen, Mathematisieren zunehmend komplexe Sachsituationen in mathematische
3 UE		1 Wiederholung: Ableitung	Modelle übersetzen, mithilfe mathematischer Kenntnisse und Fertigkeiten eine
3 UE	das Krümmungsverhalten des Graphen einer Funktion mit Hilfe der 2. Ableitung beschreiben	2 Die Bedeutung der zweiten Ableitung	Lösung innerhalb des mathematischen Modells erarbeiten, die erarbeitete Lösung wieder auf die Sachsituation bezie- hen die Angemessenheit aufgestellter (ggf. konkurrierender)
3 UE	notwendige Kriterien und Vorzeichenwechselkriterien sowie weitere hinreichende Kriterien zur Bestimmung von	3 Kriterien für Extremstellen	Modelle für die Fragestellung beurteilen.  Problemlösen
3 UE	Extrem- und Wendepunkten verwenden	4 Kriterien für Wendestellen	Erkunden Fragen zu einer gegebenen Problemsituation finden und stellen
3 UE	Extremalprobleme durch Kombination mit Nebenbedin- gungen auf Funktionen einer Variablen zurückführen und diese lösen	5 Extremwertprobleme mit Nebenbedingungen	einfache und komplexe mathematische Probleme, analysieren und strukturieren die Problemsituation erkennen und formulieren,
3 UE	Parameter einer Funktion mithilfe von Bedingungen, die sich aus dem Kontext ergeben, bestimmen ("Steckbriefaufgaben")	6 Ganzrationale Funktionen bestimmen	Lösen Ideen für mögliche Lösungswege entwickeln, ausgewählte Routineverfahren auch hilfsmittelfrei zur Lösung einsetzen, einschränkende Bedingungen berücksichtigen einen Lösungsplan zielgerichtet ausführen
3 UE	Parameter von Funktionen im Anwendungszusammen- hang interpretieren	7 Funktionen mit Parametern	Argumentieren  Begründen  mathematische Regeln bzw. Sätze und sachlogische Argumente für Begründungen nutzen, vermehrt logische Strukturen berücksichtigen (notwendige / hinreichende Bedingung, Folgerungen / Äquivalenz, Und- /
3 UE	Parameter von Funktionen im Kontext interpretieren	8 Funktionenscharen untersuchen	Oder- Verknüpfungen, Negation, All- und Existenzaussa- gen),
			Werkzeuge nutzen
LK 1 UE	<b>LK</b> und ihren Einfluss auf Eigenschaften von Funktionenscharen untersuchen		Digitale Werkzeuge nutzen zum  Lösen von Gleichungen und Gleichungssystemen  Darstellen von Funktionen (grafisch und als ertetabelle),  zielgerichteten Variieren der Parameter von Funktionen,
2 UE		Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen	grafischen Messen von Steigungen Berechnen der Ableitung einer Funktion an einer Stelle

prozessbezogene Kompetenzen

Schlüsselbegriff

**Qualifikationsphase Unterrichtsvorhaben II – Analysis - (GK-A2/LK-A2)** 

Schlüsselbegriff

Zeitraum Inhaltsbezogene Kompetenzen

(1 UE ent- spricht 45 Minuten)	Funktionen und Analysis Grundverständnis des Integralbegriffs Integralrechnung	Integral	Argumentieren  Vermuten  Vermutungen aufstellen,  Vermutungen beispielgebunden unterstützen,  Vermutungen mithilfe von Fachbegriffen und unter Berü	rück-
3 UE	Produktsummen im Kontext als Rekonstruktion des Gesamtbestandes oder Gesamteffektes einer Größe interpretieren, die Inhalte von orientierten Flächen im Kontext deuten, zu einer gegebenen Randfunktion die zugehörige Flächeninhaltsfunktion skizzieren	1 Rekonstruieren einer Größe Geschwindigkeit → Weg	sichtigung der logischen Struktur präzisieren, Zusammenhänge zwischen Begriffen herstellen (Ober- Unterbegriff) vorgegebene Argumentationen und mathematische Bev se erklären  Kommunizieren	
3 UE	an geeigneten Beispielen den Übergang von der Produkt- summe zum Integral auf der Grundlage eines propädeuti- schen Grenzwertbegriffs erläutern und vollziehen	2 Unter- und Obersumme	Rezipieren Informationen aus zunehmend komplexen mathematikh gen Texten und Darstellungen, aus authentischen Texte mathematischen Fachtexten sowie aus Unterrichtsbeitra erfassen, strukturieren und formalisieren.	rten,
2 UE	geometrisch-anschaulich den Zusammenhang zwischen Änderungsrate und Integralfunktion erläutern	Der Hauptsatz der Differenzial- und Integralrechnung     Begriff der Stammfunktion	erfassen, struktureren und formalisieren, Beobachtungen, bekannte Lösungswege und Verfahrer beschreiben, mathematische Begriffe in theoretischen und in Sachzu sammenhängen erläutern.	
LK 2 UE	<b>LK</b> den Hauptsatz der Differential- und Integralrechnung unter Verwendung eines anschaulichen Stetigkeitsbe # griffs begründen		Produzieren eigene Überlegungen formulieren und eigene Lösungsv beschreiben, begründet eine geeignete Darstellungsform auswählen,	n,
4 UE	Stammfunktionen ganzrationaler Funktionen bestimmen, die Intervalladditivität und Linearität von Integralen nutzen	4 Bestimmung von Stammfunktionen	flexibel zwischen mathematischen Darstellungsformen wechseln, Arbeitsschritte nachvollziehbar dokumentieren, Ausarbeitungen erstellen und präsentieren	1
5 UE	den Gesamtbestand oder Gesamteffekt einer Größe aus der Änderungsrate (LK oder der Randfunktion) ermitteln, Flächeninhalte mit Hilfe von bestimmten (LK: und uneigentlichen) Integralen ermitteln Integrale mithilfe von gegebenen (LK: oder Nachschlagewerken entnommenen) Stammfunktionen und numerisch(GK: auch unter Verwendung digitaler Werkzeuge) bestimmen	4 Integral und Flächeninhalt Fläche zwischen Graph und x- Achse Fläche zwischen 2 Graphen Integral und Wirkung	Werkzeuge nutzen Digitale Werkzeuge nutzen zum Messen von Flächeninhalten zwischen Funktionsgraph und Abszisse, Ermitteln des Wertes eines bestimmten Integrales,  mathematische Hilfsmittel und digitale Werkzeuge zum kunden und Recherchieren, Berechnen und Darstellen zen,	n Er-

prozessbezogene Kompetenzen

Qualifikationsphase Fortsetzung Unterrichtsvorhaben II – Analysis - (GK-A2/LK-A2)

Zeitraum	Inhaltsbezogene Kompetenzen	Schlüsselbegriff	prozessbezogene Kompetenzen

	Funktionen und Analysis	Integral (Fortsetzung)	Argumentieren
spricht 45 Minuten)	Grundverständnis des Integralbegriffs Integralrechnung		Vermuten Vermutungen aufstellen, Vermutungen beispielgebunden unterstützen,
LK 2 UE	den Zusammenhang zwischen Änderungsrate und Integralfunktion erläutern	LK 6 Integralfunktion	Vermutungen mithilfe von Fachbegriffen und unter Berücksichtigung der logischen Struktur präzisieren, Begründen Zusammenhänge zwischen Begriffen herstellen (Ober- / Unterbegriff)
LK 3 UE	<b>LK</b> Flächeninhalte mithilfe von bestimmten und uneigentlichen Integralen bestimmen.	LK 7 Unbegrenzte Flächen - Uneigentliche Integrale	vorgegebene Argumentationen und mathematische Beweise erklären
2 UE		Wahlthema Mittelwerte von Funktionen	Kommunizieren  Rezipieren Informationen aus zunehmend komplexen mathematikhaltigen Texten und Darstellungen, aus authentischen Texten, mathematischen Fachtexten sowie
LK 3 UE	Volumina von Körpern, die durch die Rotation um die Abszisse entstehen, mit Hilfe von bestimmten und uneigentlichen Integralen bestimmen	LK 8 Integral und Rauminhalt	aus Unterrichtsbeiträgen erfassen, strukturieren und formalisieren, Beobachtungen, bekannte Lösungswege und Verfahren beschreiben, mathematische Begriffe in theoretischen und in
1 UE		Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen	Sachzusammenhängen erläutern.  Produzieren eigene Überlegungen formulieren und eigene Lösungswege beschreiben, begründet eine geeignete Darstellungsform auswäh-
1 UE		<b>Exkursion</b> Stetigkeit und Differenzierbarkeit	len, flexibel zwischen mathematischen Darstellungsfor- men wechseln, Arbeitsschritte nachvollziehbar dokumentieren, Ausarbeitungen erstellen und präsentieren
			Werkzeuge nutzen
			Digitale Werkzeuge nutzen zum  Messen von Flächeninhalten zwischen Funktionsgraph und Abszisse, Ermitteln des Wertes eines bestimmten Integrales, mathematische Hilfsmittel und digitale Werkzeuge zum Erkunden und Recherchieren, Berechnen und Darstellen nutzen,

Qualifikationsphase Unterrichtsvorhaben III - Analysis - (GK-A3/LK-A3)

Zeitraum	Inhaltsbezogene Kompetenzen	Schlüsselbegriff	prozessbezogene Kompetenzen
(1 UE ent- spricht 45 Minuten)	Funktionen und Analysis Funktionen als mathematische Modelle Fortführung der Differentialrechnung	Exponentialfunktionen	Modellieren  Strukturieren Annahmen treffen und begründet Vereinfachungen einer realen Situation vornehmen  Validieren die erarbeitete Lösung wieder auf die Sachsituation
2 UE	Eigenschaften von Exponentialfunktionen beschreiben	1 Wiederholung	beziehen, die Angemessenheit aufgestellter (ggf. konkurrieren- der) Modelle für die Fragestellung beurteilen,
3 UE	die Ableitung der natürlichen Exponentialfunktion bilden die besondere Eigenschaft der natürlichen Exponentialfunktion beschreiben  LK und begründen  LK die Ableitung mithilfe der Approximation durch lineare Funktionen deuten	2 Typ $c \cdot e^x + p(x)$ ; p - Polynom Ableitung Extrema bestimmen Integrale berechnen	aufgestellte Modelle mit Blick auf die Fragestellung verbessern, die Abhängigkeit einer Lösung von den getroffenen Annahmen reflektieren  Problemlösen  Erkunden Muster und Beziehungen erkennen, Informationen recherchieren ausgewählte Routineverfahren auch hilfsmittelfrei zur
4 UE	die Ableitung von Exponentialfunktionen mit beliebiger Basis bilden in einfachen Fällen zusammengesetzte Funktionen und deren Ableitung bilden	3 natürlicher Logarithmus  Typ $c \cdot e^{kx}$ $u$ $nd$ $c \cdot a^x$ Ableitung  Extrema bestimmen  Integrale berechnen	Lösung einsetzen, Werkzeuge auswählen, die den Lösungsweg unterstützen, geeignete Begriffe, Zusammenhänge und Verfahren zur Problemlösung auswählen einschränkende Bedingungen berücksichtigen  Argumentieren
4 UE	Wachstums- und Zerfallsvorgänge mit Hilfe funkti- onaler Ansätze untersuchen	Exponentialfunktionen und exponentielles Wachstum	Vermuten Vermutungen aufstellen und mithilfe von Fachbegrif- fen präzisieren Begründen Beurteilen Wermutungen aufstellen und mithilfe von Fachbegrif- fen präzisieren math. Regeln und Sätze für Begründungen nutzen überprüfen, inwiefern Ergebnisse, Begriffe und Regeln verallgemeinert werden können,
LK 5 UE	Exponentialfunktionen zur Beschreibung von Wachstums- und Zerfallsvorgängen verwenden und die Qualität der Modellierung exemplarisch mit begrenztem Wachstum vergleichen	<b>LK 5</b> Beschränktes Wachstum	Argumentationsketten hinsichtlich ihrer Reichweite und Übertragbarkeit beurteilen  Werkzeuge nutzen  Digitale Werkzeuge nutzen zum
LK 5 UE	<ul> <li>LK die natürliche Logarithmusfunktion als Umkehr- funktion der natürlichen Exponentialfunktion nutzen</li> <li>LK die Ableitung der natürlichen Logarithmusfunktion bilden</li> </ul>	<b>LK 6</b> Logarithmusfunktion und Umkehrfunktion	Erkunden Darstellen von Funktionen (graphisch und als Wertetabelle), grafischen Messen von Steigungen,
2 UE		Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen	Berechnen der Ableitung einer Funktion an einer Stelle Die Möglichkeiten und Grenzen mathematischer Hilfsmittel und digitaler Werkzeuge reflektieren und begründen

### Qualifikationsphase Unterrichtsvorhaben IV - Analysis - (GK-A4/LK-A4)

Zeitraum	Inhaltsbezogene Kompetenzen	Schlüsselbegriff	prozessbezogene Kompetenzen
(1 UE ent- spricht 45 Minuten)	Funktionen und Analysis Funktionen als mathematische Modelle Fortführung der Differentialrechnung	Zusammengesetzte Funktionen	Problemlösen  Lösen heuristische Strategien und Prinzipien nutzen, Werkzeuge auswählen, die den Lösungsweg unter- stützen,
2 UE	in einfachen Fällen zusammengesetzte Funktionen bilden (Summe, Produkt, Verkettung)	Neue Funktionen aus alten Funktionen: Summe, Produkt, Verkettung	geeignete Begriffe, Zusammenhänge und Verfahren zur Problemlösung auswählen
2 UE	die Produktregel auf Verknüpfungen von ganzratio- nalen Funktionen und Exponentialfunktionen an- wenden <b>LK</b> die Produktregel zum Ableiten von Funktionen anwenden	2 Produktregel	ArgumentierenVermutenVermutungen aufstellen, beispielgebunden unterstützen und mithilfe von Fachbegriffen präzisieren,Begründenmath. Regeln und Sätze für Begründungen nutzen sowie Argumente zu Argumentationsketten verknüp-
2 UE	die Kettenregel auf Verknüpfungen der natürlichen Exponentialfunktion mit linearen Funktionen anwenden, die Ableitungen von Potenzfunktionen mit ganzzahligen Exponenten bilden  LK die Ableitungen von Potenzfunktionen mit ratio-	3 Kettenregel	fen, verschiedene Argumentationsstrategien nutzen Beurteilen lückenhafte Argumentationsketten erkennen und vervollständigen, fehlerhafte Argumentationsketten erkennen und korrigieren
LK 2 UE	nalen Exponenten bilden, <b>LK</b> die Produkt- und Kettenregel zum Ableiten von Funktionen anwenden		Kommunizieren  Produzieren eigene Überlegungen formulieren und eigene Lö-
3 UE	verwenden notwendige Kriterien und Vorzeichen- wechselkriterien sowie weitere hinreichende Krite- rien zur Bestimmung von Extrem- und Wendepunk- ten	4 Zusammengesetzte Funktionen untersuchen	sungswege beschreiben, Fachsprache und fachspezifische Notation verwenden,
LK 2 UE	<b>LK</b> Den Einfluss von Parametern auf Eigenschaften von Funktionenscharen untersuchen		Werkzeuge nutzen
3 UE	Parameter von Funktionen im Kontext interpretieren	<b>5</b> Zusammengesetzte Funktionen im Sachzusammenhang	Digitale Werkzeuge nutzen zum zielgerichteten Variieren der Parameter von Funktio- nen,
LK 3 UE	<b>LK</b> Eigenschaften von zusammengesetzten Funktionen (Summe, Produkt, Verkettung) argumentativ auf deren Bestandteile zurückführen	<b>LK 6</b> Untersuchung von zusammengesetzten Exponentialfunktionen	grafischen Messen von Steigungen Berechnen der Ableitung einer Funktion an einer Stelle
LK 3 UE	<b>LK</b> Eigenschaften von zusammengesetzten Funktionen (Summe, Produkt, Verkettung) argumentativ auf deren Bestandteile zurückführen die natürliche Logarithmusfunktion als Stammfunkton der Funktion f(x) = 1/x nutzen	LK 7 Untersuchung von zu- sammengesetzten Logarithmus- funktionen	Möglichkeiten und Grenzen mathematischer Hilfsmittel und digitaler Werkzeuge reflektieren und begründen.

Qualifikationsphase Fortsetzung Unterrichtsvorhaben IV - Analysis - (GK-A4/LK-A4)

Zeitraum	Inhaltsbezogene Kompetenzen	Schlüsselbegriff	prozessbezogene Kompetenzen
LK 4 UE		LK Wahlthema Integrationsver- fahren Produktintegration Integration durch Substituion	
2 UE		Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen	

### Qualifikationsphase Unterrichtsvorhaben V - Analytische Geometrie und Lineare Algebra - (GK-V1/LK-V1)

Zeitraum	Inhaltsbezogene Kompetenzen	Schlüsselbegriff	prozessbezogene Kompetenzen
(1 UE ent- spricht 45 Mi- nuten)	Analytische Geometrie und lineare Algebra  Darstellung und Untersuchung geometrischer Objekte Skalarprodukt	Geraden	Modellieren  Strukturieren  zunehmend komplexe Sachsituationen mit Blick auf eine konkrete Fragestellung erfassen und strukturieren, Annahmen treffen und begründet Vereinfachungen
3 UE		Wiederholung: Punkte im Raum, Vektoren, Rechnen mit Vektoren	einer realen Situation vornehmen,  Mathematisieren zunehmend komplexe Sachsituationen in mathematische Modelle übersetzen,
4 UE	Geraden in Parameterform darstellen den Parameter von Geradengleichungen im Sach- kontext interpretieren Strecken in Parameterform darstellen	2 Geraden	mithilfe math. Kenntnisse und Fertigkeiten eine Lösung innerhalb des math. Modells erarbeiten,  Validieren die erarbeitete Lösung wieder auf die Sachsituation beziehen, die Angemessenheit aufgestellter (ggf. konkurrierender) Modelle für die Fragestellung beurteilen,
4 UE	die Lösungsmenge von linearen Gleichungssyste- men interpretieren Lagebeziehungen zwischen Geraden untersuchen Schnittpunkte von Geraden berechnen und sie im Sachkontext deuten	3 Gegenseitige Lage von Geraden	aufgestellte Modelle mit Blick auf die Fragestellung verbessern  Werkzeuge nutzen Geodreiecke, geometrische Modelle und dynamische Geometrie-
4 UE	das Skalarprodukt geometrisch deuten und es be- rechnen	4 Zueinander orthogonale Vektoren - Skalarprodukt	Software nutzen;  Digitale Werkzeuge nutzen zum  grafischen Darstellen von Ortsvektoren, Vektorsummen und Geraden,
3 UE	mit Hilfe des Skalarprodukts geometrische Objekte und Situationen im Raum untersuchen (Orthogonali- tät, Winkel- und Längenberechnung)	5 Winkel zwischen Vektoren - Skalarprodukt	Darstellen von Objekten im Raum
2 UE		Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen	

### Qualifikationsphase Unterrichtsvorhaben VI - Analytische Geometrie und Lineare Algebra - (GK-V2/LK-V2)

Zeitraum	Inhaltsbezogene Kompetenzen	Schlüsselbegriff	prozessbezogene Kompetenzen

(1 UE	Analytische Geometrie und lineare Algebra	Ebenen	Problemlösen	
ent- spricht 45 Minuten)	lineare Gleichungssysteme Darstellung und Untersuchung geometrischer Objekte Lagebeziehungen		Erkunden Lösen	wählen heuristische Hilfsmittel (z. B. Skizze, informative Figur, Tabelle, experimentelle Verfahren) aus, um die Situation zu erfassen Ideen für mögliche Lösungswege entwickeln
3 UE	lineare Gleichungssysteme in Matrix-Vektor- Schreibweise darstellen den Gauß-Algorithmus als Lösungsverfahren für lineare Gleichungssysteme beschreiben den Gauß-Algorithmus ohne digitale Werkzeuge auf Gleichungssysteme mit maximal drei Unbe- kannten, die mit geringem Rechenaufwand lösbar sind, anwenden	1 Das Gauß-Verfahren	Reflektieren	Werkzeuge auswählen, die den Lösungsweg unterstützen, heuristische Strategien und Prinzipien (z. B. []Darstellungswechsel, Zerlegen und Ergänzen, Symmetrien verwenden, Invarianten finden, Zurückführen auf Bekanntes, Zerlegen in Teilprobleme, Fallunterscheidungen, Vorwärts- und Rückwärtsarbeiten, [])nutzen, einen Lösungsplan zielgerichtet ausführen, verschiedene Lösungswege bezüglich Unterschieden
3 UE	die Lösungsmenge von linearen Gleichungssyste- men interpretieren	2 Lösungsmengen linearer Glei- chungssysteme	, tononaio, on	und Gemeinsamkeiten vergleichen, Lösungswege mit Blick auf Richtigkeit und Effizienz beurteilen und optimieren, Ursachen von Fehlern analysieren und reflektieren.
3 UE	Ebenen in Parameterform darstellen	<b>3</b> Ebenen im Raum - Parameterform	Kommuniziere	, en
4 UE	Lagebeziehungen zwischen Geraden und Ebenen untersuchen Durchstoßpunkte von Geraden mit Ebenen berechnen und sie im Sachkontext deuten	4 Lagebeziehungen	Produzieren	die Fachsprache und fachspezifische Notation in angemessenem Umfang verwenden, begründet eine geeignete Darstellungsform auswählen, Arbeitsschritte nachvollziehbar dokumentieren, Ausarbeitungen erstellen und präsentieren
3 UE	Durchstoßpunkte von Geraden mit Ebenen berech- nen und sie im Sachkontext deuten geradlinig begrenzte Punktmengen in Parameterform darstellen	<b>5</b> Geometrische Objekte und Situationen im Raum	Diskutieren	ausgearbeitete Lösungen hinsichtlich ihrer Verständ- lichkeit und fachsprachlichen Qualität vergleichen und beurteilen.
2 UE		Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen	Werkzeuge nu Digitale Werkze	tzen euge nutzen zum Lösen von Gleichungen und Gleichungssystemen Darstellen von Objekten im Raum

### Qualifikationsphase Unterrichtsvorhaben VII - Analytische Geometrie und Lineare Algebra - (LK-V3)

### Nur im Leistungskurs

Zeitraum	Inhaltsbezogene Kompetenzen	Schlüsselbegriff	prozessbezogene Kompetenzen			
(1 UE	Analytische Geometrie und lineare Algebra	Abstände und Winkel	Problemlösen			
ent- spricht 45 Minu- ten)	lineare Gleichungssysteme Darstellung und Untersuchung geometrischer Objekte Lagebeziehungen und Abstände		Erkunden wählen heuristische Hilfsmittel (z. B. Skizze, informative Figur, Tabelle, experimentelle Verfahren) aus, um die Situation zu erfassen  Lösen Ideen für mögliche Lösungswege entwickeln			
LK 4 UE	Ebenen in Koordinatenform darstellen Ebenen in Normalenform darstellen und diese zur Orientierung im Raum nutzen	Normalengleichung und Ko- ordinatengleichung	Werkzeuge auswählen, die den Lösungsweg unterstützen, heuristische Strategien und Prinzipien (z. B. []Darstellungswechsel, Zerlegen und Ergänzen,			
LK 3 UE	Ebenen in Normalenform darstellen und diese zur Orientierung im Raum nutzen	2 Lagebeziehungen	Symmetrien verwenden, Invarianten finden, Zurückführen auf Bekanntes, Zerlegen in Teilprobleme, Fallunterscheidungen, Vorwärts- und Rückwärtsarbeiten, [])nutzen, einen Lösungsplan zielgerichtet ausführen,			
LK 3 UE	Abstände zwischen Punkten, Geraden und Ebenen bestimmen	3 Abstand zu einer Ebene	Reflektieren verschiedene Lösungswege bezüglich Unterschieden und Gemeinsamkeiten vergleichen, Lösungswege mit Blick auf Richtigkeit und Effizienz			
LK 3UE	Abstände zwischen Punkten, Geraden und Ebenen bestimmen	<b>4</b> Abstand eines Punktes von einer Geraden	beurteilen und optimieren, Ursachen von Fehlern analysieren und reflektieren.			
LK 4 UE	Abstände zwischen Punkten, Geraden und Ebenen bestimmen	5 Abstand windschiefer Geraden	Kommunizieren  Produzieren die Fachsprache und fachspezifische Notation in angemessenem Umfang verwenden, begründet eine geeignete Darstellungsform auswählen.			
LK 4 UE	mit Hilfe des Skalarprodukts geometrische Objekte und Situationen im Raum untersuchen (Orthogonali- tät, Winkel- und Längenberechnung)	6 Schnittwinkel	Arbeitsschritte nachvollziehbar dokumentieren, Ausarbeitungen erstellen und präsentieren  Diskutieren ausgearbeitete Lösungen hinsichtlich ihrer Verständlichkeit und fachsprachlichen Qualität vergleichen und			
LK 2 UE	Abstände, Flächeninhalt, Volumen mit dem Vektor- produkt berechnen.	7 Vektorprodukt	beurteilen.			
LK 2 UE		Wiederholen – Vertiefen – Ver- netzen	Werkzeuge nutzen  Digitale Werkzeuge nutzen zum  Lösen von Gleichungen und Gleichungssystemen  Darstellen von Objekten im Raum			

### Qualifikationsphase Unterrichtsvorhaben VIII-1 - Stochastik - (GK-S1/LK-S1)

Zeitraum	Inhaltsbezogene Kompetenzen	Schlüsselbegriff	prozessbezogene Kompetenzen
			I
(1 UE ent- spricht 45 Minuten)	Stochastik Kenngrößen von Wahrscheinlichkeitsverteilungen Binomialverteilung Testen von Hypothesen	Kenngrößen Binomialverteilung	Modellieren  Strukturieren zunehmend komplexe Sachsituationen mit Blick auf konkrete Fragestellungen erfassen und strukturieren, Annahmen treffen und begründet Vereinfachungen
3 UE	untersuchen Lage- und Streumaße von Stichproben,	Daten darstellen und durch Kenngrößen beschreiben	einer realen Situation vornehmen,  Mathematisieren zunehmend komplexe Sachsituationen in mathe- matische Modelle übersetzen, /mithilfe mathemati- scher Kenntnisse und Fertigkeiten eine Lösung in- nerhalb des mathematischen Modells erarbeiten,
3 UE	den Begriff der Zufallsgröße an geeigneten Beispielen erläutern den Erwartungswert μ und die Standardabweichung σ von Zufallsgrößen bestimmen und damit prognostische Aussagen treffen	2 Erwartungswert und Stan- dardabweichung von Zufallsgrö- ßen	Validieren  die erarbeitete Lösung wieder auf die Sachsituation beziehen, /Die Angemessenheit aufgestellter []  Modelle für die Fragestellung beurteilen, /Die Abhängigkeit einer Lösung von den getroffenen Annahmen reflektieren.
4 UE	Bernoulliketten zur Beschreibung entsprechender Zufallsexperimente verwenden die Binomialverteilung erklären und damit Wahrscheinlichkeiten berechnen	3 Bernoulli-Experimente, Bino- mialverteilung	Problemlösen  Erkunden Fragen zu einer gegebenen Problemsituation finden und stellen,  Reflektieren die Plausibilität von Ergebnissen überprüfen, Ergebnisse vor dem Hintergrund der Fragestellung
LK 1 UE	<b>LK</b> die kombinatorische Bedeutung der Binomial- koeffizienten erklären		interpretieren Ursachen von Fehlern analysieren und reflektieren  Kommunizieren
4 UE	den Einfluss der Parameter n und p auf Binomialverteilungen und ihre graphische Darstellung beschreiben  LK die sigma-Regeln für prognostische Aussagen	4 Praxis der Binomialverteilung	Diskutieren zu mathematikhaltigen, auch fehlerbehafteten Aussagen und Darstellungen begründet und konstruktiv Stellung nehmen, Entscheidungen auf der Grundlage fachbezogener Diskussionen herbeiführen
LICTUE	nutzen		Werkzeuge nutzen
4 UE	Binomialverteilungen und ihre Kenngrößen zur Lösung von Problemstellungen nutzen anhand einer vorgegebenen Entscheidungsregel aus einem Stichprobenergebnis auf die Grundgesamtheit schließen	5 Problemlösen mit der Binomi- alverteilung	Digitale Werkzeuge nutzen zum  Generieren von Zufallszahlen, Ermitteln der Kennzahlen statistischer Daten, Variieren der Parameter von Verteilungen Erstellen der Histogramme von Verteilungen Berechnen der Kennzahlen von Wahrscheinlichkeits-
3 UE	anhand einer vorgegebenen Entscheidungsregel aus einem Stichprobenergebnis auf die Grundgesamtheit schließen	Wahlthema Von der Stichprobe auf die Grundgesamtheit schlie- ßen	verteilungen  Berechnen von Wahrscheinlichkeiten bei binomial- verteilten Zufallsgrößen.

### Qualifikationsphase Unterrichtsvorhaben VIII-2 - Stochastik - (LK-S3)

### Nur im Leistungskurs

Zeitraum	Inhaltsbezogene Kompetenzen	Schlüsselbegriff	prozessbezogene Kompetenzen
	ı		
(1 UE ent- spricht 45 Mi- nuten)	Stochastik Kenngrößen von Wahrscheinlichkeitsverteilungen Binomialverteilung Testen von Hypothesen	Testen von Hypothesen	Modellieren  Strukturieren zunehmend komplexe Sachsituationen mit Blick auf konkrete Fragestellungen erfassen und strukturieren Mathematisieren zunehmend komplexe Sachsituationen in mathematische Modelle übersetzen,
LK 3 UE	Hypothesentests bezogen auf den Sachkontext und das Erkenntnisinteresse interpretieren	1 Zweiseitiger Signifikanztest	mithilfe mathematischer Kenntnisse und Fertigkeiten eine Lösung innerhalb des mathematischen Modells erarbeiten.
		2 Einseitiger Signifikanztest	Problemlösen
LK 4 UE	Hypothesentests bezogen auf den Sachkontext und das Erkenntnisinteresse interpretieren		Erkunden Fragen zu einer gegebenen Problemsituation finden und stellen, Reflektieren die Plausibilität von Ergebnissen überprüfen,
LK 3 UE	Fehler 1. und 2. Art beschreiben und beurteilen	3 Fehler beim Testen von Hypo- thesen	Ergebnisse vor dem Hintergrund der Fragestellung interpretieren verschiedene Lösungswege bezüglich Unterschieden und Gemeinsamkeiten vergleichen
LK 2 UE		3 Signifikanz und Relevanz	Ursachen von Fehlern analysieren und reflektieren  Argumentieren
			Beurteilen lückenhafte Argumentationsketten erkennen und ver-
LK 2 UE		<b>5 Exkursion</b> Schriftbildanalyse	vollständigen, fehlerhafte Argumentationsketten erkennen und korrigieren, überprüfen, inwiefern Ergebnisse, Begriffe und Re-
		Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen	geln verallgemeinert werden können, Argumentationsketten hinsichtlich ihrer Reichweite und Übertragbarkeit beurteilen
LK 2 UE			Kommunizieren
			Diskutieren zu mathematikhaltigen, auch fehlerbehafteten Aussagen und Darstellungen begründet und konstruktiv Stellung nehmen, Entscheidungen auf der Grundlage fachbezogener Diskussionen herbeiführen

### Qualifikationsphase Unterrichtsvorhaben IX- Stochastik - (LK-S4)

### Nur im Leistungskurs

Zeitraum	Inhaltsbezogene Kompetenzen	Schlüsselbegriff	prozessbezogene Kompetenzen
(1 UE ent- spricht 45 Minuten)	Stochastik Kenngrößen von Wahrscheinlichkeitsverteilungen Normalverteilung Testen von Hypothesen	Stetige Zufallsgrößen – Nor- malverteilung	Modellieren  Strukturieren zunehmend komplexe Sachsituationen mit Blick auf konkrete Fragestellungen erfassen und strukturieren Mathematisieren zunehmend komplexe Sachsituationen in mathe-
LK 4 UE	diskrete und stetige Zufallsgrößen unterscheiden und die Verteilungsfunktion als Integralfunktion deuten	Stetige Zufallsgrößen: Integrale besuchen die Stochastik	matische Modelle übersetzen, mithilfe mathematischer Kenntnisse und Fertigkeiten eine Lösung innerhalb des mathematischen Modells erarbeiten.
LK 2 UE	den Einfluss der Parameter μ und σ auf die Nor- malverteilung beschreiben und die graphische Darstellung ihrer Dichtefunktion (Gauß'sche Glo- ckenkurve)	Die Analysis der Gauß'schen Glockenfunktion	Problemlösen  Erkunden Fragen zu einer gegebenen Problemsituation finden und stellen
LK 4 UE	stochastische Situationen untersuchen, die zu an- nähernd normalverteilten Zufallsgrößen führen	Normalverteilung, Satz von de Moivre-Laplace	Reflektieren die Plausibilität von Ergebnissen überprüfen, Ergebnisse vor dem Hintergrund der Fragestellung interpretieren Ursachen von Fehlern analysieren und reflektieren
LK 2 UE		<b>Wahlthema</b> Testen bei der Normalverteilung	Kommunizieren  Diskutieren zu mathematikhaltigen, auch fehlerbehafteten Aus-
LK1 UE		Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen	sagen und Darstellungen begründet und konstruktiv Stellung nehmen, Entscheidungen auf der Grundlage fachbezogener Diskussionen herbeiführen
LK 2 UE		<b>Exkursion</b> Doping mit Energy- Drinks	Werkzeuge nutzen  Digitale Werkzeuge nutzen zum  Berechnen von Wahrscheinlichkeiten bei normalverteilten Zufallsgrößen.

### Qualifikationsphase Unterrichtsvorhaben x - Stochastik - (GK-S2/LK-S2)

Zeitraum Inhaltsbezogene Kompetenzen Schlüsselbegriff prozessbezogene Komp	petenzen
----------------------------------------------------------------------------	----------

(1 UE ent- spricht 45 Minu- ten)	Stochastik Stochastische Prozesse	Stochastische Prozesse und Matrizen	Modellieren Strukturieren Annahmen treffen und begründet Vereinfachungen einer realen Situation vornehmen, Mathematisieren einem mathematischen Modell verschiedene passende Sachsituationen zuordnen
2 UE	stochastische Prozesse mithilfe von Zustandsvektoren und stochastischen Übergangsmatrizen beschreiben	1 Stochastische Prozesse	Problemlösen  Erkunden eine gegebene Problemsituation analysieren und strukturieren,
2 UE		2 Stochastische Matrizen	heuristische Hilfsmittel auswählen, um die Situation zu erfassen, Muster und Beziehungen erkennen
2 UE	die Matrizenmultiplikation zur Untersuchung stochastischer Prozesse verwenden (Vorhersage nachfolgender Zustände, numerisches Bestimmen sich sta-	3 Matrizen multiplizieren	Werkzeuge nutzen Digitale Werkzeuge nutzen zum
3 UE	bilisierender Zustände).	<b>4</b> Potenzen von Matrizen - Grenzverhalten	Durchführen von Operationen mit Vektoren und Matrizen  Die Möglichkeiten und Grenzen mathematischer Hilfsmittel und digitaler Werkzeuge reflektieren und begründen.
LK 2 UE		Wahlthema Mittelwertsregeln	
3 UE		Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen	

#### 1.1 Grundsätze der fachmethodischen und fachdidaktischen Arbeit

In Absprache mit der Lehrerkonferenz sowie unter Berücksichtigung des Schulprogramms hat die Fachkonferenz Mathematik die folgenden fachmethodischen und fachdidaktischen Grundsätze beschlossen. In diesem Zusammenhang beziehen sich die Grundsätze 1 bis 15 auf fächerübergreifende Aspekte, die auch Gegenstand der Qualitätsanalyse sind, die Grundsätze 16 bis 26 sind fachspezifisch angelegt.

#### Überfachliche Grundsätze:

- 1) Geeignete Problemstellungen zeichnen die Ziele des Unterrichts vor und bestimmen die Struktur der Lernprozesse.
- Inhalt und Anforderungsniveau des Unterrichts entsprechen dem Leistungsvermögen der Schüler/innen.
- 3) Die Unterrichtsgestaltung ist auf die Ziele und Inhalte abgestimmt.
- 4) Medien und Arbeitsmittel sind schülernah gewählt.
- 5) Die Schüler/innen erreichen einen Lernzuwachs.
- 6) Der Unterricht fördert eine aktive Teilnahme der Schüler/innen.
- 7) Der Unterricht fördert die Zusammenarbeit zwischen den Schülern/innen und bietet ihnen Möglichkeiten zu eigenen Lösungen.
- Der Unterricht berücksichtigt die individuellen Lernwege der einzelnen Schüler/innen.
- Die Schüler/innen erhalten Gelegenheit zu selbstständiger Arbeit und werden dabei unterstützt.
- Der Unterricht f\u00f6rdert strukturierte und funktionale Partner- bzw.
   Gruppenarbeit.
- 11) Der Unterricht fördert strukturierte und funktionale Arbeit im Plenum.
- 12) Die Lernumgebung ist vorbereitet; der Ordnungsrahmen wird eingehalten.
- 13) Die Lehr- und Lernzeit wird intensiv für Unterrichtszwecke genutzt.
- 14) Es herrscht ein positives pädagogisches Klima im Unterricht.
- 15) Wertschätzende Rückmeldungen prägen die Bewertungskultur und den Umgang mit Schülerinnen und Schülern.

#### Fachliche Grundsätze:

- 16) Im Unterricht werden fehlerhafte Schülerbeiträge produktiv im Sinne einer Förderung des Lernfortschritts der gesamten Lerngruppe aufgenommen.
- 17) Der Unterricht ermutigt die Lernenden dazu, auch fachlich unvollständige Gedanken zu äußern und zur Diskussion zu stellen.
- 18) Die Bereitschaft zu problemlösenden Arbeiten wird durch Ermutigungen und Tipps gefördert und unterstützt.
- 19) Die Einstiege in neue Themen erfolgen grundsätzlich mithilfe sinnstiftender Kontexte, die an das Vorwissen der Lernenden anknüpfen und deren Bearbeitung sie in die dahinter stehende Mathematik führt.
- 20) Es wird genügend Zeit eingeplant, in der sich die Lernenden neues Wissen aktiv konstruieren und in der sie angemessene Grundvorstellungen zu neuen Begriffen entwickeln können.
- 21) Durch regelmäßiges wiederholendes Üben werden grundlegende Fertigkeiten "wachgehalten".
- 22) Im Unterricht werden an geeigneter Stelle differenzierende Aufgaben (z. B. "Blütenaufgaben") eingesetzt.
- 23) Die Lernenden werden zu regelmäßiger, sorgfältiger und vollständiger Dokumentation der von ihnen bearbeiteten Aufgaben angehalten.
- 24) Parallel zum Haus- bzw. Übungsheft wird in allen Kursen ein Portfolio als "Wissensspeicher" geführt, in dem fachliche Inhalte und Erkenntnisse bezüglich der Prozesse in systematischer Form gesichert werden.
- 25) Im Unterricht wird auf einen angemessenen Umgang mit fachsprachlichen Elementen geachtet.
- 26) Digitale Medien werden regelmäßig dort eingesetzt, wo sie dem Lernfortschritt dienen.

#### 1.3 Grundsätze der Leistungsbewertung und Leistungsrückmeldung

**Hinweis:** Sowohl die Schaffung von Transparenz bei Bewertungen als auch die Vergleichbarkeit von Leistungen sind das Ziel, innerhalb der gegebenen Freiräume Vereinbarungen zu Bewertungskriterien und deren Gewichtung zu treffen.

Auf der Grundlage von § 48 SchulG, § 13 APO-GOSt sowie Kapitel 3 des Kernlehrplans Mathematik hat die Fachkonferenz im Einklang mit dem entsprechenden schulbezogenen Konzept die nachfolgenden Grundsätze zur Leistungsbewertung und Leistungsrückmeldung beschlossen. Die nachfolgenden Absprachen stellen die Minimalanforderungen an das lerngruppenübergreifende gemeinsame Handeln der Fachgruppenmitglieder dar. Bezogen auf die einzelne Lerngruppe kommen ergänzend weitere der in den Folgeabschnitten genannten Instrumente der Leistungsüberprüfung zum Einsatz.

#### Verbindliche Absprachen:

- Die Aufgaben für Klausuren in parallelen Grund- bzw. Leistungskursen werden im Vorfeld abgesprochen und nach Möglichkeit gemeinsam gestellt.
- Klausuren können nach entsprechender Wiederholung im Unterricht auch Aufgabenteile enthalten, die Kompetenzen aus weiter zurückliegenden Unterrichtsvorhaben oder übergreifende prozessbezogene Kompetenzen erfordern.
- Mindestens eine Klausur je Schuljahr in der E-Phase sowie in Grundund Leistungskursen der Q-Phase enthält einen "hilfsmittelfreien" Teil.
- Alle Klausuren in der Q-Phase enthalten auch Aufgaben mit Anforderungen im Sinne des Anforderungsbereiches III (vgl. Kernlehrplan Kapitel 4).
- Für die Aufgabenstellung der Klausuraufgaben werden die Operatoren der Aufgaben des Zentralabiturs verwendet. Diese sind mit den Schülerinnen und Schülern zu besprechen.
- Die Korrektur und Bewertung der Klausuren erfolgt anhand eines kriterienorientierten Bewertungsbogens, den die Schülerinnen und Schüler als Rückmeldung erhalten.
- Schülerinnen und Schülern wird in allen Kursen Gelegenheit gegeben, mathematische Sachverhalte zusammenhängend (z. B. eine Hausaufgabe, einen fachlichen Zusammenhang, einen Überblick über Aspekte eines Inhaltsfeldes ...) selbstständig vorzutragen.
- Das von den Schülerinnen und Schülern in allen Kursen geführte Portfolio (vgl. 2.2), wird von der Lehrkraft am Ende jedes Quartals als Teil der Leistung im Rahmen der sonstigen Mitarbeit benotet. Dabei wird vor allem die Sorgfalt und Vollständigkeit der Dokumentation bewertet.
- Sofern schriftliche Übungen (20 Minuten als Kompetenzüberprüfung bezüglich des unmittelbar zurückliegenden Unterrichtsvorhabens) gestellt werden sollen, verständigen sich dazu die Fachlehrkräfte paralleler Kurse und verfahren in diesen gleichartig.

#### Verbindliche Instrumente:

Überprüfung der schriftlichen Leistung

- Einführungsphase: Zwei Klausuren je Halbjahr, davon eine (in der Regel die vierte Klausur in der Einführungsphase) als landeseinheitlich zentral gestellte Klausur. Dauer der Klausuren: 2 Unterrichtsstunden. (Vgl. APO-GOSt B § 14 (1) und VV 14.1.)
- Grundkurse Q-Phase Q 1.1 Q 2.1: Zwei Klausuren je Halbjahr. Dauer der Klausuren: 3 Unterrichtsstunden (die Fachkonferenz hat beschlossen, hier die obere Grenze der Bandbreite für Q1 und Q2 zu nutzen). (Vgl. APO-GOSt B § 14 (2) und VV 14.12)
- **Grundkurse Q-Phase Q 2.2:** Eine Klausur unter Abiturbedingungen für Schülerinnen und Schüler, die Mathematik als 3. Abiturfach gewählt haben. Dauer der Klausur: 3 Zeitstunden. (Vgl. APO-GOSt B § 14 (2) und VV 14.2.)
- Leistungskurse Q-Phase Q 1.1 Q 2.1: Zwei Klausuren je Halbjahr. Dauer der Klausuren: 4 Unterrichtsstunden (die Fachkonferenz hat beschlossen, in allen Klausuren dieser Kurshalbjahre einheitlich zu verfahren). (Vgl. APO-GOSt B § 14 (2) und VV 14.2.)
- Leistungskurse Q-Phase Q 2.2: Eine Klausur unter Abiturbedingungen (die Fachkonferenz hat beschlossen, die letzte Klausur vor den Abiturklausuren unter Abiturbedingungen bzgl. Dauer und inhaltlicher Gestaltung zu stellen). Dauer der Klausur: 4,25 Zeitstunden. (Vgl. APO-GOSt B § 14 (2) und VV 14.2.)
- Facharbeit: Gemäß Beschluss der Lehrerkonferenz wird die erste Klausur Q2 für diejenigen Schülerinnen und Schüler, die eine Facharbeit im Fach Mathematik schreiben, durch diese ersetzt. (Vgl. APO-GOSt B § 14 (3) und VV 14.3.)

#### Überprüfung der sonstigen Leistung

In die Bewertung der sonstigen Mitarbeit fließen folgende Aspekte ein, die den Schülerinnen und Schülern bekanntgegeben werden müssen:

- Beteiligung am Unterrichtsgespräch (Quantität und Kontinuität)
- Qualität der Beiträge (inhaltlich und methodisch)
- Eingehen auf Beiträge und Argumentationen von Mitschülerinnen und -schülern, Unterstützung von Mitlernenden
- Umgang mit neuen Problemen, Beteiligung bei der Suche nach neuen Lösungswegen
- Selbstständigkeit im Umgang mit der Arbeit
- Umgang mit Arbeitsaufträgen (Hausaufgaben, Unterrichtsaufgaben...)
- Anstrengungsbereitschaft und Konzentration auf die Arbeit
- Beteiligung während kooperativer Arbeitsphasen
- Darstellungsleistung bei Referaten oder Plakaten und beim Vortrag von Lösungswegen
- Führung des Portfolios
- Ergebnisse schriftlicher Übungen
- Erstellen von Protokollen
- Anfertigen zusätzlicher Arbeiten, z. B. eigenständige Ausarbeitungen im Rahmen binnendifferenzierender Maßnahmen, Erstellung von Computerprogrammen

#### Übergeordnete Kriterien:

Die Bewertungskriterien für eine Leistung müssen den Schülerinnen und Schülern transparent und klar sein. Die Fachkonferenz legt allgemeineKriterien fest, die sowohl für die schriftlichen als auch für die sonstigen Formen der Leistungsüberprüfung gelten. Dazu gehört auch die Darstellung der Erwartungen für eine gute und für eine ausreichende Leistung.

#### Konkretisierte Kriterien:

#### Kriterien für die Überprüfung der schriftlichen Leistung

- Die Bewertung der schriftlichen Leistungen in Klausuren erfolgt über ein Raster mit Hilfspunkten, die im Erwartungshorizont den einzelnen Kriterien zugeordnet sind.
  - Dabei sind in der Qualifikationsphase alle Anforderungsbereiche zu berücksichtigen, wobei der Anforderungsbereich II den Schwerpunkt bildet.

Die Zuordnung der Hilfspunktsumme zu den Notenstufen orientiert sich in der Einführungsphase an der zentralen Klausur und in der Qualifikationsphase am Zuordnungsschema des Zentralabiturs. Die Note ausreichend soll bei Erreichen von ca. 50% der Hilfspunkte erteilt werden. Von den genannten Zuordnungsschemata kann im Einzelfall begründet abgewichen werden, wenn sich z. B. besonders originelle Teillösungen nicht durch Hilfspunkte gemäß den Kriterien des Erwartungshorizontes abbilden lassen oder eine Abwertung wegen besonders schwacher Darstellung (APO-GOSt §13 (2)) angemessen erscheint.

#### Kriterien für die Überprüfung der sonstigen Leistungen

Im Fach Mathematik ist in besonderem Maße darauf zu achten, dass die Schülerinnen und Schüler zu konstruktiven Beiträgen angeregt werden. Daher erfolgt die Bewertung der sonstigen Mitarbeit nicht defizitorientiert oder ausschließlich auf fachlich richtige Beiträge ausgerichtet. Vielmehr bezieht sie Fragehaltungen, begründete Vermutungen, sichtbare Bemühungen um Verständnis und Ansatzfragmente mit in die Bewertung ein.

Im Folgenden werden Kriterien für die Bewertung der sonstigen Leistungen jeweils für eine gute bzw. eine ausreichende Leistung dargestellt. Dabei ist bei der Bildung der Quartals- und Abschlussnote jeweils die Gesamtentwicklung der Schülerin bzw. des Schülers zu berücksichtigen, eine arithmetische Bildung aus punktuell erteilten Einzelnoten erfolgt nicht:

	Anforder	ungen für eine			
Leistungsaspekt	gute Leistung ausreichende Leistung				
		erin, der Schüler			
Qualität der Unter- richtsbeiträge	nennt richtige Lösungen und begründet sie nachvollzieh- bar im Zusammenhang der Aufgabenstellung	nennt teilweise richtige Lösungen, in der Regel jedoch ohne nach- vollziehbare Begründungen			
	geht selbstständig auf ande- re Lösungen ein, findet Ar- gumente und Begründungen für ihre/seine eigenen Bei- träge	geht selten auf andere Lösungen ein, nennt Argumente, kann sie aber nicht begründen			
	kann ihre/seine Ergebnisse auf unterschiedliche Art und mit unterschiedlichen Medien darstellen	kann ihre/seine Ergebnisse nur auf eine Art darstellen			
Kontinuität/Quantität	beteiligt sich regelmäßig am Unterrichtsgespräch	nimmt eher selten am Unterrichts- gespräch teil			
Selbstständigkeit	bringt sich von sich aus in den Unterricht ein	beteiligt sich gelegentlich eigenständig am Unterricht			
	ist selbstständig ausdauernd bei der Sache und erledigt Aufgaben gründlich und zu- verlässig	benötigt oft eine Aufforderung, um mit der Arbeit zu beginnen; arbei- tet Rückstände nur teilweise auf			
	strukturiert und erarbeitet neue Lerninhalte weitgehend selbstständig, stellt selbst- ständig Nachfragen	erarbeitet neue Lerninhalte mit umfangreicher Hilfestellung, fragt diese aber nur selten nach			
	erarbeitet bereitgestellte Materialien selbstständig	erarbeitet bereitgestellte Materia- len eher lückenhaft			
Hausaufgaben	erledigt sorgfältig und voll- ständig die Hausaufgaben	erledigt die Hausaufgaben weit- gehend vollständig, aber teilweise oberflächlich			
	trägt Hausaufgaben mit nachvollziehbaren Erläute- rungen vor	nennt die Ergebnisse, erläutert erst auf Nachfragen und oft un- vollständig			
Kooperation	bringt sich ergebnisorientiert in die Gruppen-/Partnerarbeit ein	bringt sich nur wenig in die Grup- pen-/Partnerarbeit ein			
	arbeitet kooperativ und respektiert die Beiträge Anderer	unterstützt die Gruppenarbeit nur wenig, stört aber nicht			
Gebrauch der Fach- sprache	wendet Fachbegriffe sachangemessen an und kann ihre Bedeutung erklä- ren	versteht Fachbegriffe nicht immer, kann sie teilweise nicht sachan- gemessen anwenden			
Werkzeuggebrauch	setzt Werkzeuge im Unter- richt sicher bei der Bearbei- tung von Aufgaben und zur Visualisierung von Ergebnis- sen ein	benötigt häufig Hilfe beim Einsatz von Werkzeugen zur Bearbeitung von Aufgaben			
Präsentation/Referat	präsentiert vollständig, strukturiert und gut nachvoll- ziehbar	präsentiert an mehreren Stellen eher oberflächlich, die Präsentati- on weist Verständnislücken auf			
Portfolio	führt das Portfolio sorgfältig und vollständig	führt das Portfolio weitgehend sorgfältig, aber teilweise unvoll- ständig			
Schriftliche Übung	ca. 75% der erreichbaren Punkte	ca. 50% der erreichbaren Punkte			

Grundsätze der Leistungsrückmeldung und Beratung:

Die Fachkonferenz legt in Abstimmung mit der Schulkonferenz und unter Berücksichtigung von § 48 SchulG und §13 APO-GOSt fest, zu welchen Zeitpunkten und in welcher Form Leistungsrückmeldungen und eine Beratung im Sinne individueller Lern- und Förderempfehlungen erfolgen.

#### 1.4. Lehr- und Lernmittel

Die Fachkonferenz erstellt eine Übersicht über die verbindlich eingeführten Lehr- und Lernmittel, ggf. mit Zuordnung zu Jahrgangsstufen (ggf. mit Hinweisen zum Elterneigenanteil).

Ergänzt wird die Übersicht durch eine Auswahl fakultativer Lehr- und Lernmittel (z. B. Fachzeitschriften, Sammlungen von Arbeitsblättern, Angebote im Internet) als Anregung zum Einsatz im Unterricht.

# 2 Entscheidungen zu fach- und unterrichtsübergreifenden Fragen

#### Zusammenarbeit mit anderen Fächern

Fach- und aufgabenfeldbezogene sowie übergreifende Absprachen, z. B. zur Arbeitsteilung bei der Entwicklung crosscurricularer Kompetenzen (ggf. Methodentage, Projektwoche, Facharbeitsvorbereitung, Schulprofil...)

Nutzung außerschulischer Lernorte

. . .

#### 3 Qualitätssicherung und Evaluation

Das schulinterne Curriculum stellt keine starre Größe dar, sondern ist als "lebendes Dokument" zu betrachten. Dementsprechend sind die Inhalte stetig zu überprüfen, um ggf. Modifikationen vornehmen zu können. Die Fachkonferenz (als professionelle Lerngemeinschaft) trägt durch diesen Prozess zur Qualitätsentwicklung und damit zur Qualitätssicherung des Faches bei.

Durch parallele Klausuren (vgl. 2.3) in den Grundkursen, durch Diskussion der Aufgabenstellung von Klausuren in Fachdienstbesprechungen und eine regelmäßige Erörterung der Ergebnisse von Leistungsüberprüfungen wird ein hohes Maß an fachlicher Qualitätssicherung erreicht.

Das schulinterne Curriculum (siehe 2.1) ist zunächst bis 2017 für den ersten Durchgang durch die gymnasiale Oberstufe nach Erlass des Kernlehrplanes verbindlich. Jeweils vor Beginn eines neuen Schuljahres, d.h. erstmalig nach Ende der Einführungsphase im Sommer 2015 werden in einer Sitzung der Fachkonferenz für die nachfolgenden Jahrgänge zwingend erforderlich erscheinende Veränderungen diskutiert und ggf. beschlossen, um erkannten ungünstigen Entscheidungen schnellstmöglich entgegenwirken zu können.

Nach Abschluss des Abiturs 2017 wird eine Arbeitsgruppe aus den zu diesem Zeitpunkt in der gymnasialen Oberstufe unterrichtenden Lehrkräften auf der Grundlage ihrer Unterrichtserfahrungen eine Gesamtsicht des schulinternen Curriculums vornehmen und eine Beschlussvorlage für die erste Fachkonferenz des folgenden Schuljahres erstellen

#### 4 Verbindliche Kenntnisse GTR

Grundfertigkeiten, die bezüglich des am Genoveva Gymnasium eingesetzten graphischen Taschenrechners (GTR), Casio fx-9860GII, vermittelt werden.

Menu	Untermenu 1	Untermenu 2	Beschreibung	EF	Q1	Q2
G - SYSTEM	F3 Sprache F5 Reset			х	х	х
	Shift Setup	Bruchdarstellung d/c Funktionstyp Y= Derivative Angle Mode=Comp		х	x	x
	Math	d/dx; Integral; Summe		x	х	х
1 - RUN MATH	Mat		Matrix definieren		х	x
	Option F2 Mat	REF RREF	Mit Matrix rechnen Matrixumformungen		х	х
	Option F4 calc	$\frac{d}{dx}; \frac{d^2}{dx^2}; \int f(x) dx$	Ableitungen und Integrale berechnen		х	х
	Option F6 F3 Prob	X! nCr nPr Random	Kombinatorische Werkzeuge			х
	F1 - Lin. Gleichungssystem		Löst Systeme bis zu 6 Unbekannten	х	х	x
A - EQUA	F2 - Polynomgleichungen		Nullstellen von ganzrationalen Funktionen bis Grad 6	х	Х	х
	F3 - Allgemeine Lösung (solve)		Löst die Gleichung durch Iteration		х	
5 - GRAPH	SEL TYPE GMEM		Funktionen: eingeben, auswählen, Typ eingeben, abspeichern	x	х	x

Menue	Untermenue 1	Untermenue 2	Beschreibung	EF	Q1	Q2
	F6 - Draw	F3 - V-window	Graph zeichnen, Zeichenfenster einstellen	х	Х	х
5 - GRAPH		F1 - Trace	Spur über den Graph bewegen. Koordinaten von f anzeigen (Bei Derivative on auch von f')	х	х	x
		F2 - Sketch	Tangente und Normale anzeigen	х	х	x
		F5 - G-Solv	Angabe von Nullstellen, Extrema	х	х	х
6 - DYNA	F4 – Scharparameter setzen		Kurvenscharen darstellen		х	х
7 - TABLE	F5 - Anfang, Ende und Schrittweite setzen			х	х	х
1 DIINMATH	Ontion E5 E2 DIST	F5 Bin BpD BpC InvB	Einzel- und kumulierte Werte der Binomialverteilung. Invertierte Werte			х
1 - RUN MATH	Option F5 F3 DIST	F1 Norm NpD NpC InvN	Einzel- und kumulierte Werte der Normalverteilung. Invertierte Werte			x
2 - Stat	F5 DIST	F5 Bin BpD BpC InvB F1 Norm NpD NpC InvN	Einzel- und kumulierte Werte der Normalverteilung. Invertierte Werte Darstellung in Listen und Histogram- men			x